

<解> PART3

[問1]  $3x^2 + 3y^2 - 6xy \rightarrow$  因数分解できるときは因数分解してから代入する

$$\begin{aligned}
 &= 3(x^2 - 2xy + y^2) \\
 &= 3(x - y)^2 \\
 &= 3\left(\frac{\sqrt{5} + \sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{5} - \sqrt{2}}{2}\right)^2 = 3\left(\frac{\sqrt{5} + \sqrt{2} - (\sqrt{5} - \sqrt{2})}{2}\right)^2 = 3\left(\frac{2\sqrt{2}}{2}\right)^2 = 3(\sqrt{2})^2 = 6
 \end{aligned}$$

(答) 6

[問2]

$$\begin{cases} \frac{4x-3}{6} - \frac{y-3}{4} = 2 \\ 6x-4y = 21 \end{cases} \xrightarrow{\text{(両辺 12 倍)}} \begin{cases} 8x-6-3y+9=24 \\ 6x-4y=21 \end{cases} \longrightarrow 8x-3y=21$$

$$\begin{aligned}
 \text{よって、} &\begin{cases} 8x-3y=21 \\ 6x-4y=21 \end{cases} \xrightarrow[\times 3]{\times 4} - \begin{cases} 32x-12y=84 \\ 18x-12y=63 \end{cases} \\
 &\qquad\qquad\qquad 14x = 21 \\
 &\qquad\qquad\qquad x = \frac{3}{2} \rightarrow y = -3 \qquad \text{(答)} \begin{cases} x = \frac{3}{2} \\ y = -3 \end{cases}
 \end{aligned}$$

[問3]  $y$  は  $x$  に反比例

$$\rightarrow y = \frac{a}{x}$$

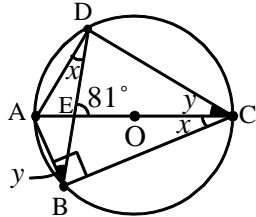
$$\rightarrow \boxed{xy = a} \text{ より、}$$

反比例の比例定数を考えるときは、  
この式が非常に有効

$$\begin{aligned}
 a &= 3(3+p) = 5(5+p) && \text{よって、} a = 3(3-8) \\
 9+3p &= 25+5p && = -15 \\
 -2p &= 16 \\
 P &= -8
 \end{aligned}$$

(答) -15

[問4]



$\angle DBC = \angle DCB = x+y$  ( $\triangle DBC$  は二等辺三角形)  
 $\angle DBC = \angle DAC$  ( $DC$  に対する円周角)  $= x+y$   
 ここで、 $\angle ABC = 90^\circ$  ( $AC$  は直径) より、  
 $\angle ABC = y+x+y = 90^\circ \quad \dots \text{①}$   
 $\angle DAE + \angle ADE = 81^\circ$  (外角の性質) より、  
 $x+y+x = 81^\circ \quad \dots \text{②} \qquad \text{①、②より } \underline{\text{(答) } x = 24^\circ}$

[問5]

(全ての場合の数)

$$\begin{aligned}
 &= 6 \times 5 \text{ (1枚目のカードは、0 ~ 5 の 6通り。2枚目のカードは、1枚目以外の 5通り)} \\
 &= 30 \text{ 通り}
 \end{aligned}$$

2ケタの3の倍数となるのは、

$$1 < \frac{2}{5} \quad 2 < \frac{1}{4} \quad 3 - 0 \quad 4 < \frac{2}{5} \quad 5 < \frac{1}{4} \quad (\text{各位の和が3の倍数になれば3の倍数になる})$$

$$\text{よって、求める確率} = \frac{9}{30} = \frac{3}{10}$$

(答)  $\frac{3}{10}$