

<中2分野 例題付き公式集>

(1) $(a^m)^n = a^{m \times n}$

(例題) $(x^3)^2$

(解) $(x^3)^2 = x^{3 \times 2} = x^6$

(2) $a^m \times a^n = a^{m+n}$

(例題) $x^3 \times x^2$

(解) $x^3 \times x^2 = x^{3+2} = x^5$

(3) $(ab)^m = a^m b^m$

(例題) $(-x^3 y z^2)^4$

(解) $(-x^3 y z^2)^4 = (-1)^4 x^{3 \times 4} y^{1 \times 4} z^{2 \times 4} = x^{12} y^4 z^8$

(4) x 軸を表す直線の式は $\rightarrow y = 0$

(例題) 直線 $y = 2x + 4$ と x 軸との交点の座標は

(解) $y = 2x + 4$ と $y = 0$ を連立し、
 $x = -2$ 。よって $(-2, 0)$

(5) y 軸を表す直線の式は $\rightarrow x = 0$

(例題) 直線 $y = 2x - 1$ と y 軸との交点の座標は

(解) $y = 2x - 1$ と $x = 0$ を連立し、
 $y = -1$ 。よって $(0, -1)$

(6) 点 $(t, 0)$ を通り、 y 軸に平行な直線の式は $\rightarrow x = t$

(例題) 点 $(-2, 0)$ を通り、 y 軸に平行な直線の式は

(解) $x = -2$

(7) 点 $(0, s)$ を通り、 x 軸に平行な直線の式は $\rightarrow y = s$

(例題) 点 $(0, 3)$ を通り、 x 軸に平行な直線の式は

(解) $y = 3$

(8) 点 (x, y) と x 軸対称の座標は $\rightarrow (x, -y)$

(例題) 点 $(-2, 3)$ と x 軸対称の座標は

(解) $(-2, -3)$

(9) 点 (x, y) と y 軸対称の座標は $\rightarrow (-x, y)$

(例題) 点 $(5, 1)$ と y 軸対称の座標は

(解) $(-5, 1)$

(10) 点 (x, y) と原点对称の座標は $\rightarrow (-x, -y)$

(例題) 点 $(-4, -3)$ と原点对称の座標は

(解) $(4, 3)$

(11) 直線 $y = ax + b$ に平行な直線の傾きは $\rightarrow a$ (2直線の傾きが等しくなる)

(例題) 点 $(2, 3)$ を通り、直線 $y = 3x - 1$ に平行な直線の式は

(解) $y = 3x + b$ に点 $(2, 3)$ を代入し、
 $b = -3$ 。よって $y = 3x - 3$

<中2分野 例題付き公式集>

(12) 直線 $y = ax + b$ に垂直な直線の傾きは $\rightarrow -\frac{1}{a}$ (2直線の傾きどうしの積が-1となる)

(例題) 点(1, 2)を通り、直線 $y = -\frac{1}{3}x + 2$ に垂直な直線の式は

(解) $y = 3x + b$ に点(1, 2)を代入し、
 $b = -1$ 。よって $y = 3x - 1$

(13) $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ の中点の座標は $\rightarrow \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}\right)$

(例題) 2点 $A(-3, 2), B(5, 4)$ の中点の座標は

(解) $\left(\frac{-3+5}{2}, \frac{2+4}{2}\right) = (1, 3)$

(14) $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ のとき、線分 AB を $a : b$ に分ける点の座標は $\rightarrow \left(\frac{bx_1 + ax_2}{a+b}, \frac{by_1 + ay_2}{a+b}\right)$

(例題) 2点 $A(-3, 2), B(5, 4)$ のとき、線分 AB を $3:1$ に分ける点の座標は

(解) $\left(\frac{1 \times (-3) + 3 \times 5}{3+1}, \frac{1 \times 2 + 3 \times 4}{3+1}\right) = \left(3, \frac{7}{2}\right)$

(15) $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2), C(x_3, y_3)$ のとき、 $\triangle ABC$ の重心の座標は $\rightarrow \left(\frac{x_1 + x_2 + x_3}{3}, \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3}\right)$

(例題) 3点 $A(-3, 2), B(5, 4), C(1, -3)$ のとき、 $\triangle ABC$ の重心の座標は

(解) $\left(\frac{-3+5+1}{3}, \frac{2+4-3}{3}\right) = (1, 1)$

(16) n 角形の内角の和は $\rightarrow 180(n-2)^\circ$

(例題) 内角の和が 1260° となる多角形は何角形か

(解) $180(n-2) = 1260$
 $n-2=7 \rightarrow n=9$ 角形

(17) n 角形の外角の和は $\rightarrow 360^\circ$

(例題) 1つの内角が 150° となる正多角形は正何角形か

(解) 1つの外角は $180-150=30$ より、
 $n = 360 \div 30 = 12 \rightarrow$ 正十二角形

(18) n 角形の対角線の本数は $\rightarrow \frac{n(n-3)}{2}$ (本)

(例題) 九角形の対角線の本数は何本か

(解) $\frac{9(9-3)}{2} = 27$ 本

(19) 平行四辺形になるための条件は \rightarrow

(例題) 四角形 $ABCD$ にそれぞれ次の関係が成り立つとき、平行四辺形となるものはどれか。

- ㉞ $AB = DC, AD \parallel BC$ ㉟ $AD = BC, AB = DC$
㊱ $\angle A = \angle C = 105^\circ, \angle B = 75^\circ$ ㊲ $AC = BD$

- ① 2組の対辺がそれぞれ等しい
② 2組の対角がそれぞれ等しい
③ 2組の対辺がそれぞれ平行
④ 1組の対辺が平行でその長さが等しい
⑤ 対角線が互いに他を2等分する

(解) ㉞ (条件①より)、㉟ (条件②より)

(20) 平行四辺形が長方形になるための条件 \rightarrow

- ① 1つの角を 90° にする
② 対角線の長さを等しくする

(21) 平行四辺形がひし形になるための条件 \rightarrow

- ① となり合う辺の長さを等しくする
② 対角線を直交させる

(20) (21) 共通 (例題)

平行四辺形 $ABCD$ に、それぞれ次の条件を加えると、どのような四角形となるか。

- ㉞ $\angle C = 90^\circ$ ㉟ $AB = BC$
㊱ $AC = BD$ ㊲ $\angle A = 90^\circ, BC = DC$

(解) ㉞ 長方形、㉟ ひし形、㊱ 長方形、㊲ 正方形